### DEFI N° 3 - classe CM1

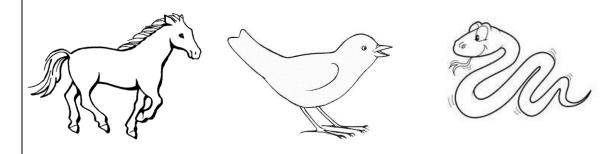
## 1. L'animal imaginaire

sur 10 points

A l'occasion de la création d'un nouveau dessin animé, un producteur décide que le personnage principal sera un animal imaginaire avec 8 têtes et 20 pattes.

Pour composer cet animal fantastique, il a le choix entre ces 3 animaux : chevaux, oiseaux, serpents.

### **Trouve 2 solutions.**



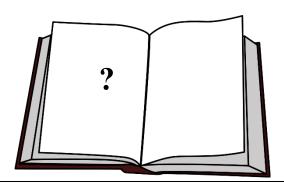
### 2. Le mystère des pages

sur 10 points

Un livre est ouvert sur une table.

- le numéro de la page de gauche se termine par 1.
- le numéro de chaque page est composé de 3 chiffres.
- le total des chiffres de la page de gauche et de droite est égal à 25.

Quel est le numéro de la page de gauche. Trouve 3 possibilités.



# **DEFI MATH 2020/2021**

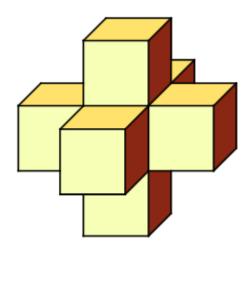
# 3. L'assemblage

Sur 10 points

Ce solide est composé de cubes identiques collés entre eux.

On veut coller une gommette sur chaque face.

Combien faut-il de gommettes ?



# **DEFI MATH 2020/2021**

# **DEFI N° 3 CM1 - Fiche réponse**

		1				
Ecole:			Classe :			
Enseignant :						
1. I'an	imal imagin	aire (10 points	(2			
<u> v</u>			<u>-1</u>			
II faut	chevaux,	oiseau	ıx et	serpents.		
II faut	chevaux,	oiseau	oiseaux et			
2. Le mystère des pages (10 points)						
La page de gauche peut avoir						
le numéro _						
ou le numéro	o					
ou le numéro						
0 1100	la la /4	10 m a imta)				
3. L'assemblage (10 points)						
On peut coller gommettes sur cet assemblage.						
Nous avons choisi le problème N° comme PROBLEME BONUS						
Score : points						

### SOLUTIONS DEFI N°3 - classe CM1

### 1. L'animal imaginaire

sur 8 points

Les élèves peuvent procéder par tâtonnements. On n'est pas obligé d'utiliser toutes les sortes d'animaux.

Le cheval possède 4 pattes et 1 tête. L'oiseau possède 2 pattes et 1 tête. Le serpent n'a pas de patte mais 1 tête.

Il faut considérer en premier lieu le nombre de pattes c'est-à-dire le nombre de chevaux et le nombre d'oiseaux.

NOMBRES D'ANIMAUX	NOMBRES DE PATTES	NOMBRE DE TÊTES
1 cheval	4	1
2 chevaux	8	2
3 chevaux	12	3
4 chevaux	16	4
5 chevaux	20	5
1 oiseau	2	1
2 oiseaux	4	2
3 oiseaux	6	3
4 oiseaux	8	4
5 oiseaux	10	5
6 oiseaux	12	6
7 oiseaux	14	7
8 oiseaux	16	8
1 serpent	0	1

Il faut ainsi trouver toutes les possibilités qui donnent 20 pattes :

- 1 cheval et 8 oiseaux = 20 pattes (4+16) et 9 têtes, cette solution est donc impossible.
- 2 chevaux et 6 oiseaux = 20 pattes (8+12) et 8 têtes.
- 3 chevaux et 4 oiseaux= 20 pattes (12 +8) et 7 têtes, il suffit de rajouter 1 serpent pour la tête manquante.
- 4 chevaux et 2 oiseaux= 20 pattes (16+4) et 6 têtes ; il suffit de rajouter 2 serpents pour les 2 têtes manquantes.

5 chevaux = 20 pattes (5x4) et 5 têtes, il suffit de rajouter 3 serpents.

#### On a donc 4 solutions possibles:

2 chevaux + 6 oiseaux

3 chevaux + 4 oiseaux+ 1 serpent

4 chevaux + 2 oiseaux + 2 serpents

5 chevaux + 3 serpents

### **DEFI MATH 2020/2021**

### 2. Le mystère des pages

sur 12 points

Pour trouver, il fallait comprendre que la page de droite se finit forcément par le chiffre 2 car les pages se suivent. Grâce à la 2° information, nous savons que ce sont des nombres compris entre 101 et 992.

Nous avons ensuite une addition du type : ... + ... + 1 + ... + 1 + ... + 2 = 25

Donc la somme des 4 chiffres à trouver est égale à 25 - 3 = 22. Pour 2 pages. Pour une page, c'est donc la moitié: 11.

Il faut ainsi trouver toutes les décompositions égales à 11 avec 2 chiffres : 2+9 ; 3+8 ; 4+7 ; 5+6.

Si l'on prend 2+9 : les pages 291 et 292 correspondent, mais également l'inverse 921 et 922. On applique le même raisonnement avec 3+8. : 381 et 831 ; avec 4+7 :471 et 741 ; avec 5+6: 561 et 651

On peut également procéder par essais erreurs. Par exemple : 351 et 352 : 3+5+1+3+5+2= 18 cela ne marche pas. 361 et 363 : 3+6+1+3+6+2= 21, cela ne marche pas... On essaye avec 381 et 382 : 3+8+1+3+8+2= 25, 381 et 831 sont donc 2 solutions.

Les solutions sont les suivantes : 291, 921, 381, 831, 471, 741, 561, 651.

## 3. L'assemblage

sur 10 points

C'est un exercice qui fait travailler la représentation mentale dans l'espace. Dans la phase de recherche, il est vraiment intéressant de ne pas fournir de cubes pour réaliser l'assemblage. On peut toutefois les fournir pour les élèves en difficulté après la phase de recherche et éventuellement pour la validation.

Chaque cube collé est collé par une face, il présente donc 5 faces.

On a 6 cubes collés :  $6 \times 5 = 30$  faces.

Nombre de gommettes : 30